

電験数学完全制覇

62 の公式が解れば

電験三種はゼツタイうかる！

電験三種合格のための数学公式集



著者：坂林和重

試験によく出る 62 の公式集

電験三種によく出る公式や計算式を掲載しています。暗記すべき公式集としてお使いください。

(1) クーロンの法則

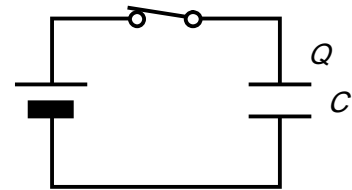
点電荷 Q_1 と Q_2 があるとその間に働く力 F は、次式となります。

$$F = \frac{Q_1 \cdot Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad [\text{N}]$$

(2) 右図の場合、コンデンサに蓄えられるエネルギー $W[\text{J}]$ は、

$$W = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \quad [\text{J}]$$

となります。



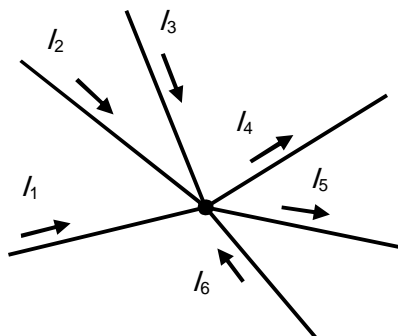
(3) 公式で一番有名なオームの法則は、下記です。

$$I[\text{A}] = \frac{V[\text{V}]}{R[\Omega]}$$

ここで、電流 $I[\text{A}]$ 、電圧 $V[\text{V}]$ 、抵抗 $R[\Omega]$ です。

(4) キルヒホッフの第 1 法則です。

$$I_1 + I_2 + I_3 + I_6 = I_4 + I_5$$



(5) 根の方程式を示しますと、次のようになります。

$$ax^2+bx+c=0$$

の x は、

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

となります。この式を根の方程式と言います。

(6) $x^2 + 7x + 12 = 0$ の x を「因数分解」で求めなさい。

まず、足し算して $b=7$ になり、掛け算して $c=12$ になる数字を考えます。

3 と 4 が、 $b=7$ と $c=12$ になります。

$$3 + 4 = 7, 3 \times 4 = 12$$

すると、今回の例($x^2 + 7x + 12 = 0$)は、

$$x^2 + 7x + 12 = (x + 3)(x + 4) = 0$$

となります。

すると、答は、 $x = -3$ と $x = -4$ の 2 つであることが解ります。(+ と - の符号は、反対になります)

(7) < や > などの不等号は、次の場合反転します。

1、両辺に - 1 をかける場合。

2、両辺の逆数を取る場合。

「1、」は、例えば、次のようになります。

$$5 > 3$$

$$-1 \times 5 < -1 \times 3$$

$$-5 < -3$$

すなわち、不等号が、反転します。

(8) 指数計算は、掛け算は指数の足し算になります。割り算は、指数の引き算になります。

$$a^b \times a^c = a^{b+c}$$

$$\frac{a^b}{a^c} = a^{b-c}$$

(9) ルート()は、次のようにも表示します。

$$\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}} = a^{0.5}$$

(10) 水力発電の勉強で比速度 N_s [m-kW] と言うのを勉強します。この比速度は、下記で計算します。

$$N_s = N \frac{\sqrt{P}}{H^{\frac{5}{4}}}$$

ここで各記号は、下記です。

N : 実物水車の回転速度 [min⁻¹]

H : 実物水車の有効落差 [m]

P : 実物水車のランナもしくはペルトン水車のノズル 1 個当たりの出力[kW]

(11) 電子のエネルギーで電子が、陰極にある時は、静電エネルギー W_E [J]が

$$W_E = Fd = eEd = eV \quad [J]$$

となります。

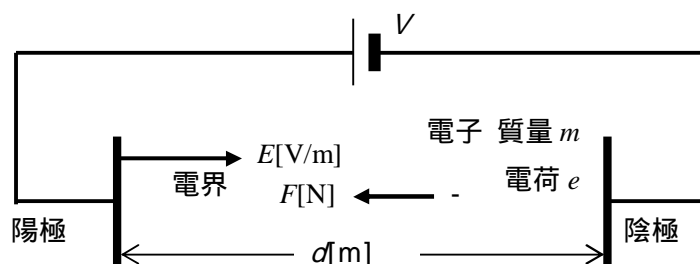
この電子が陽極へ移動した時に運動エネルギー W_m [J]に変わります。

$$W_m = \frac{1}{2}mv^2 \quad [J]$$

電子の速度 v [m/s]を導くと

$$v = \sqrt{\frac{2eV}{m}} \quad [m/s]$$

となります。



(12) 円の面積は、円の面積 $s[\text{mm}^2]$ と直径 $D[\text{mm}]$ の関係から直径を求めることがあります。

$$s = \left(\frac{D}{2} \right)^2 \pi \text{ ----- 円の面積}$$

$$D = 2 \times \sqrt{\frac{s}{\pi}} \text{ ----- 円の直径}$$

(13) 対数計算とは、次のような計算です。

$$\log_a b = c \quad (\text{指数で表現すると } a^c = b \text{ となります})$$

この式は、 a を底とする b の対数は、 c であると言います。

(14) 対数の性質には、次があります。

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a a^d = d$$

$$\log_a b^d = d \log_a b$$

$$\log_a bc = \log_a b + \log_a c$$

$$\log_a \frac{f}{g} = \log_a f - \log_a g$$

(15) 三角関数とは

三角関数(三角比)は、直角三角形において次の計算です。

(sin, cos, tan)

サイン(正弦)

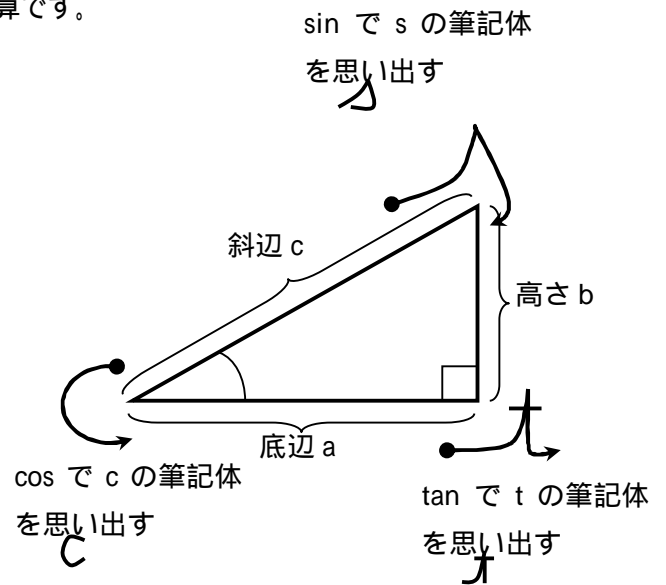
$$\sin \theta = \frac{\text{高さ}}{\text{斜辺}} = \frac{b}{c}$$

コサイン(余弦)

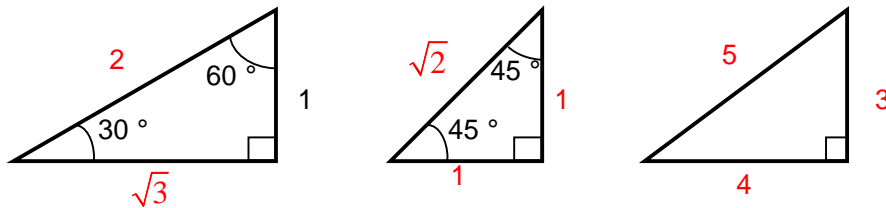
$$\cos \theta = \frac{\text{底辺}}{\text{斜辺}} = \frac{a}{c}$$

タンジェント(正接)

$$\tan \theta = \frac{\text{高さ}}{\text{底辺}} = \frac{b}{a}$$



(16) 頻繁に出現する三角形は、次の3種類です。



この三角形を覚えておくと計算が楽になります。

(17) これらの三角形から次の値を覚えておきましょう。

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{2} \quad \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \cos 60^\circ = \frac{1}{2} \quad \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

$$\sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \tan 45^\circ = 1$$

(18) sin, cos, tan は、次の関係にあります。

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

(19) \sin, \cos は、次の関係にあります。

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta \quad , \quad \cos(90^\circ - \theta) = \sin \theta$$

(20) 三角関数で取る値は、下記となります。

	$0^\circ \sim 90^\circ$	$90^\circ \sim 180^\circ$	$180^\circ \sim 270^\circ$	$270^\circ \sim 360^\circ$
- 1 \sin 1	+	+	-	-
- 1 \cos 1	+	-	-	+
- \tan	+	-	+	-

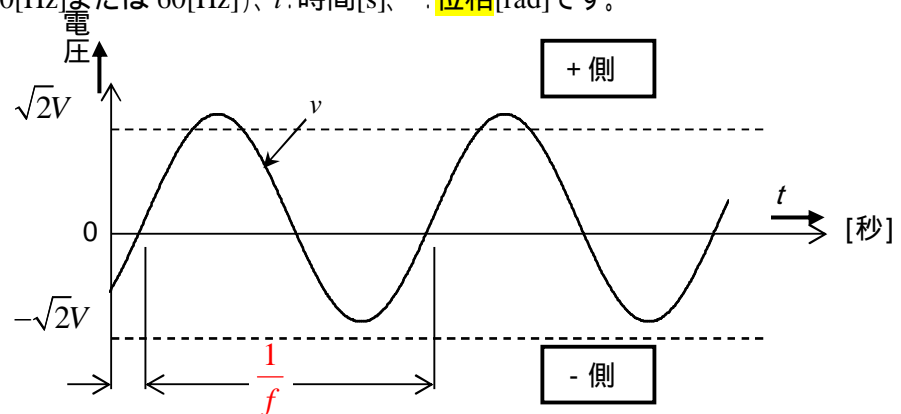
(21) 回転数 $N[\text{min}^{-1}]$ と角速度 (オメガ) は、次の関係にあります。

$$N = \frac{60\omega}{2\pi} \quad [\text{min}^{-1}]$$

(22) 交流は、次の式であらわされます。

$$v = 100\sqrt{2} \sin(2\pi ft - \theta) = \sqrt{2}V \sin(2\pi ft - \theta) = \sqrt{2}V \sin(\omega t - \theta) \quad [\text{V}]$$

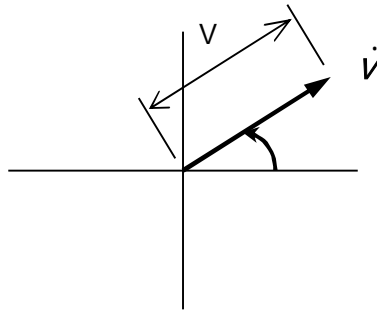
ここで f : 周波数 (50[Hz] または 60[Hz])、 t : 時間[s]、 θ : 位相[rad] です。



(23) ベクトルの極形式による表現

次は、ベクトルの極形式による表現です。

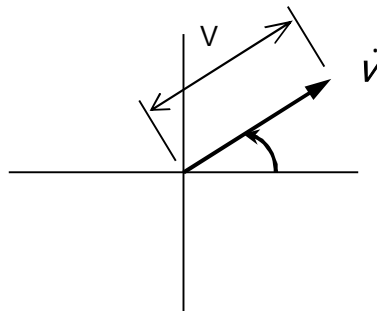
$$\dot{V} = V \angle \theta$$



(24) ベクトルの指数形式による表現

ベクトルの指数形式による表現は、次のようになります。

$$\dot{V} = V e^{j\theta}$$



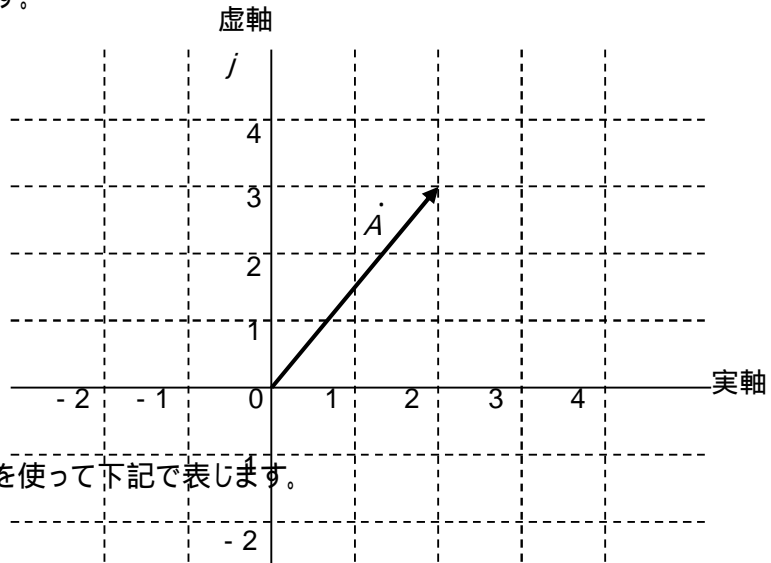
(25) 虚数 $j = \sqrt{-1}$ は、次の性質を持っています。

$$j = \sqrt{-1}, \quad j^2 = -1, \quad j^3 = -j, \quad j^4 = 1$$

(26) ベクトルの複素数による表現

ベクトルは、複素数でも表現できます。

例えば、次のベクトル \dot{A} です。



このベクトル \dot{A} は、複素数を使って下記で表します。

$$\dot{A} = 2 + j3$$

(27) ベクトルの内積と外積とは

ベクトルの内積と外積は、別名

内積 = スカラー積

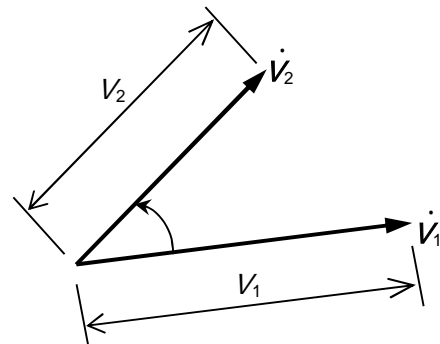
外積 = ベクトル積

と言います。

\dot{V}_1 と \dot{V}_2 の内積 V は、

$$V = \dot{V}_1 \cdot \dot{V}_2 = V_1 V_2 \cos$$

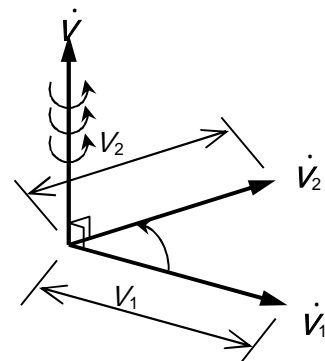
となります。



次は、外積です。

\dot{V}_1 と \dot{V}_2 の外積 \dot{V} は次のように表します。

$$\dot{V} = \dot{V}_1 \times \dot{V}_2 = \nu \dot{V}_1 V_2 \sin$$



(28) 最大定理、最小定理

$$f(x) = \frac{A}{B + \frac{C}{x} + Dx}$$

の式で、変数の項は、 $a = \frac{C}{x}$ と $b = Dx$ です。このとき $a \times b = \text{一定}$ となる場合、 $a = b$ を満足する x が分母の最小値を与えます。分母が最小値と言う事は、 $f(x)$ が最大値になるという事です。

(29) 変圧器の効率計算式は、次の式になります。

$$\eta = \frac{\alpha P \cos \theta}{\alpha P \cos \theta + \alpha^2 P_c + P_i} \times 100 \quad [\%]$$

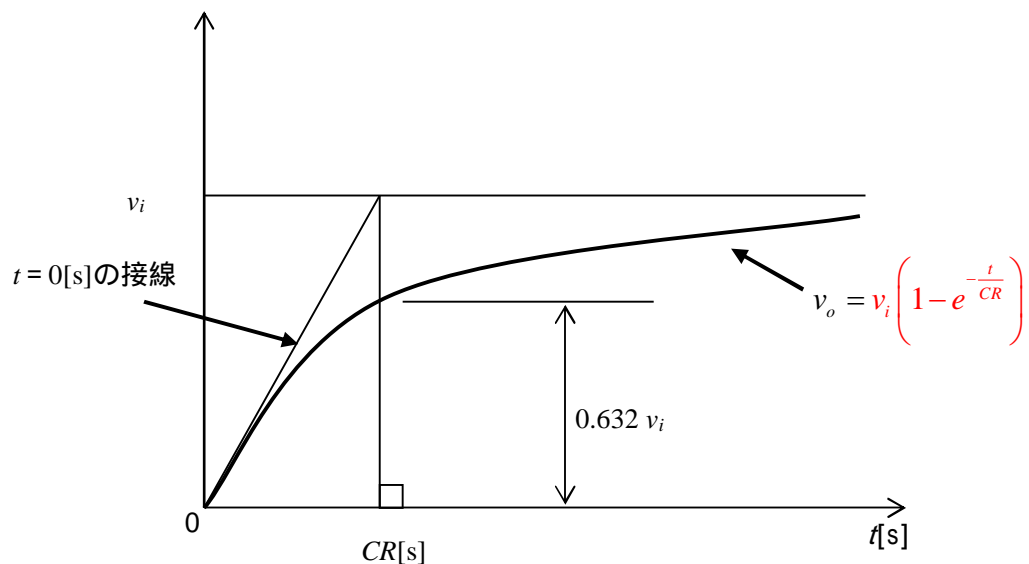
ここで、 $P[W]$: 変圧器定格容量 $P_c[W]$: 全負荷銅損

$P_i[W]$: 鉄損 : 変圧器の利用効率

\cos : 負荷力率

です。

(30) 過渡現象を表す図と式は、下記となります。



(31) 論理式 (ブール代数)

四則演算は、足し算を + で掛け算を \cdot で表します。

$$\begin{array}{llll} 1+1=1 & 0+1=1 & 1+0=1 & 0+0=0 \\ 1\cdot 1=1 & 0\cdot 1=0 & 1\cdot 0=0 & 0\cdot 0=0 \\ 1+1+1\cdots=1 \end{array} \quad \left. \vphantom{\begin{array}{llll} 1+1=1 & 0+1=1 & 1+0=1 & 0+0=0 \\ 1\cdot 1=1 & 0\cdot 1=0 & 1\cdot 0=0 & 0\cdot 0=0 \\ 1+1+1\cdots=1 \end{array}} \right\} \text{----- (重要公式)}$$

また、値の反転もあります。

$$\bar{1}=0 \quad \bar{0}=1 \quad \left. \vphantom{\bar{1}=0} \right\} \text{----- (重要公式)}$$

また、次式が成立します。(ここで、A B C は、1 か 0 かどちらかの値です)

$$\begin{array}{lll} \bar{A}\cdot\bar{B}\cdot\bar{C}=\bar{A}\cdot\bar{B}\cdot\bar{C}+\bar{A}\cdot\bar{B}\cdot C+\bar{A}\cdot B\cdot\bar{C} \\ \bar{C}+C=1 & B+B=1 & \bar{A}+A=1 \end{array} \quad \left. \vphantom{\begin{array}{lll} \bar{A}\cdot\bar{B}\cdot\bar{C}=\bar{A}\cdot\bar{B}\cdot\bar{C}+\bar{A}\cdot\bar{B}\cdot C+\bar{A}\cdot B\cdot\bar{C} \\ \bar{C}+C=1 & B+B=1 & \bar{A}+A=1 \end{array}} \right\} \text{----- (重要公式)}$$

(32) システムの稼働率

システムの稼働率は、平均故障間隔 (MTBF) 及び平均修復時間 (MTTR) を用いて表すと、

$$= \frac{\text{MTBF}}{\text{MTBF} + \text{MTTR}} \text{----- (重要公式)}$$

となります。

(33) 最大値 V_m と実効値 V の関係

$$v = V_m \sin \omega t = \sqrt{2}V \sin \omega t \quad [\text{V}]$$

$$V = \frac{V_m}{\sqrt{2}} \quad [\text{V}]$$

正弦波の場合、最大値を $\sqrt{2}$ で割った値が、実効値になります。

(34) 交流の平均値

交流の平均値は、

$$\text{平均値} = \frac{2V_m}{\pi}$$

となります。

(35) コンデンサ C に蓄えられる電気量 Q

電圧 $E[V]$ でコンデンサ C に蓄えられる電気量 $Q[C]$ は、

$$Q = CE \quad [C]$$

となります。

(36) 水力発電所の公式は、

$$P = 9.8QH$$

となります。

ここで、発電量 $P[kW]$ 、流量 $Q[m^3]$ 、落差 $H[m]$ です。

(37) ポンプ入力 $P[kW]$ は、

$$P = \frac{9.8QH}{\eta} \quad [kW]$$

となります。

ここで、流量 $Q[m^3]$ 、標高差(揚程) $H[m]$ 、ポンプ効率 η です。

(38) 短絡インピーダンス(百分率インピーダンス降下) $\%Z$ による短絡電流 $I_s[A]$ は、

$$I_s = I_b \times \frac{100}{\%Z} \quad [kA]$$

となります。ここで基準電流 $I_b[A]$ です。

(39) 定格容量基準の $\%Z_1$ [%] を基準容量に変換するには、

定格容量 $P_1[kV \cdot A]$ 、百分率インピーダンス $\%Z_1$ [%] の変圧器がある。百分率インピーダンス $\%Z_2$ [%] を基準容量 $P_2[kV \cdot A]$ に変換する式は、

$$\%Z_2 = \frac{P_2}{P_1} \%Z_1$$

となります。

(40) 基準電流 $I_b[A]$ の計算は、

$$I_b = \frac{\text{基準容量}}{\text{短絡点の電圧}} \quad [A]$$

となります。

(41) %リアクタンス(% X)

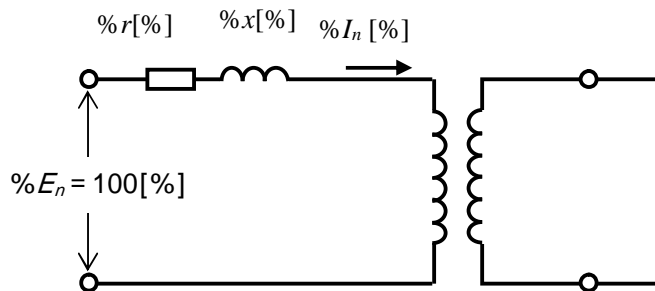
X :インピーダンス[Ω], I_b :定格電流(基準電流)[A]、 E_b :定格相電圧(基準電圧)[V]とすると、%リアクタンスは、

$$\%X = \frac{X I_b}{E_b} \times 100 \quad [\%]$$

と定義されます。

(42) 変圧器における百分率抵抗降下% r [%]と百分率リアクタンス降下% x [%]

単相変圧器の等価回路は、下図となります。



ここで、% $E_n = 100$ [%]は、定格電圧の時 100[%]です。また、一次側の百分率抵抗降下% r [%]と百分率リアクタンス降下% x [%]の値は、

$$\%r = \frac{I_n r}{E_n} \times 100 \quad [\%]$$

$$\%x = \frac{I_n x}{E_n} \times 100 \quad [\%]$$

となります。ここで、 E_n :定格電圧[V]、 I_n :定格電流[A]です。

(43) 短絡電流% I_s [%]は、

$$\%I_s = \frac{\%E_n}{\sqrt{\%r^2 + \%x^2}} \times 100 \quad [\%]$$

で計算できます。

(44) 三相負荷電力 $P[\text{V}\cdot\text{A}]$

線電流を $I[\text{A}]$ 、線間電圧を $V[\text{V}]$ とすると、

$$P = \sqrt{3} I V \quad [\text{V}\cdot\text{A}]$$

となります。

(45) 電圧降下 $v[\text{V}]$ の公式

線電流を $I[\text{A}]$ とすると電圧降下 $v[\text{V}]$ は、公式

$$v = V_s - V_r = \sqrt{3} I (R \cos \theta + X \sin \theta) \quad [\text{V}]$$

で表されます。

ここで、送電電圧 $V_s[\text{V}]$ 、受電電圧 $V_r[\text{V}]$ 、線電流 $I[\text{A}]$ 、線路の抵抗 $R[\]$ 、リアクタンス $X[\]$ 、力率 $\cos \theta$ です。

(46) 三相電力 $P[\text{W}]$

$$P = \sqrt{3} V I \cos \theta$$

ここで、線間電圧 $V[\text{V}]$ 、線電流 $I[\text{A}]$ 、力率 $\cos \theta$ です。

(47) 送電線のたるみ

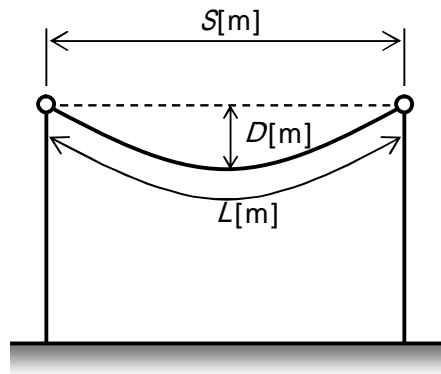
たるみ D [m]と水平張力 T [N]との関係は、次式となります。

$$D = \frac{WS^2}{8T} \quad [\text{m}]$$

ここで、 W : 電線単位長さの重さ[N/m]、 S : 径間[m]、 T : 張力[N]です。

ちなみに送電線の長さ L [m]は、径間 S [m]、たるみ D [m]、として

$$L = S + \frac{8D^2}{3S} \quad [\text{m}]$$



となります。

(48) 効率計算

変圧器などの効率計算 [%]は、

$$= \frac{\text{出力}}{\text{出力} + \text{全損失}} \times 100 = \frac{\text{入力} - \text{全損失}}{\text{入力}} \times 100 \quad [\%]$$

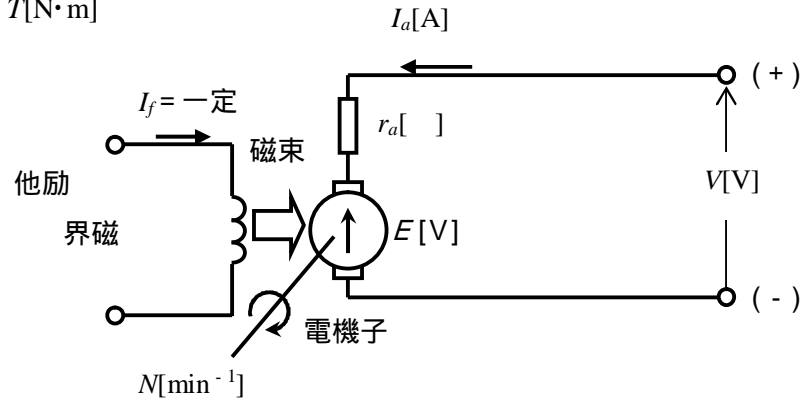
となります。

電動機などの効率計算 [%]は、

$$= \frac{\text{機械的出力}}{\text{一次入力}} \times 100 = \frac{\text{機械的出力}}{\text{二次入力} + \text{一次銅損} + \text{鉄損}} \times 100 \quad [\%]$$

となります。

(49) 他励直流電動機のトルク $T[\text{N}\cdot\text{m}]$

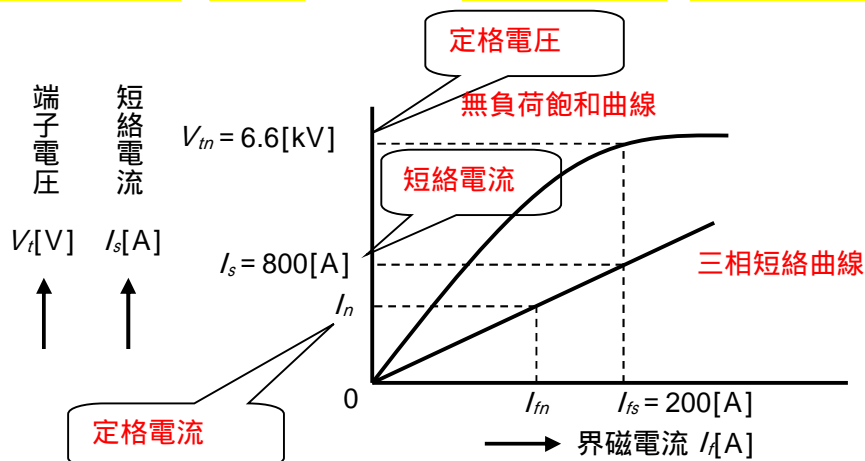


他励直流電動機は、トルク $T[\text{N}\cdot\text{m}]$ と電機子電流 $I_a[\text{A}]$ の間に、次式の関係があります。

$$T = k_1 I_a \quad [\text{N}\cdot\text{m}]$$

(50) 三相同期発電機の短絡比 K

三相同期発電機の短絡比 K は、下記の無負荷飽和曲線と三相短絡曲線において、



$$K = \frac{I_{fs}}{I_{fn}}$$

と定義されています。

- (51) 百分率同期インピーダンス $Z_s[\%]$ と短絡比 K
百分率同期インピーダンス $Z_s[\%]$ は、短絡比 K と

$$Z_s = \frac{100}{K} \quad [\%]$$

の関係にあります。

- (52) 同期速度

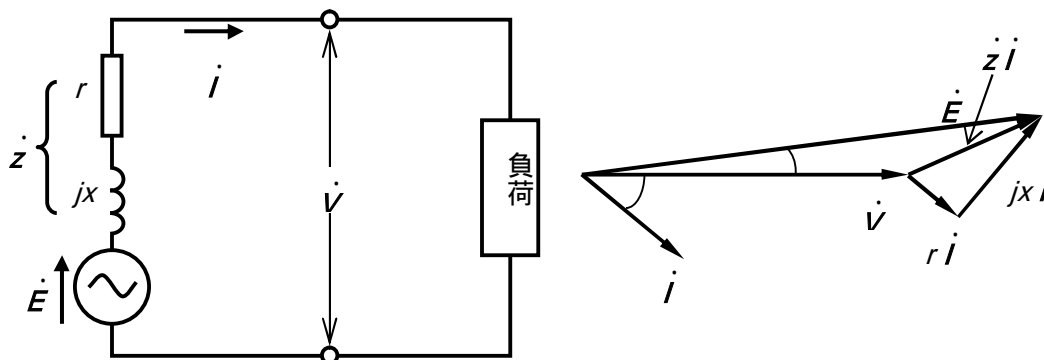
三相かご形誘導電動機の同期速度 $N_0[\text{min}^{-1}]$ は、電源周波数 $f[\text{Hz}]$ 、極数 p 極とすると

$$N_0 = \frac{120f}{p} \quad [\text{min}^{-1}]$$

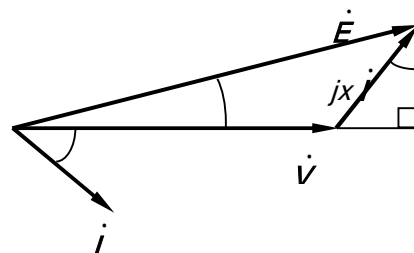
となります。

- (53) 同期発電機における内部相差角

同期発電機の 1 相の等価回路とベクトルを図で表すと、下図となります。



電機子抵抗 r は無視するので、ベクトル図は、簡単になって、下図となります。



ベクトル図から内部相差角(負荷角) を求めると、

$$= \tan^{-1} \frac{x I \cos}{V + x I \sin}$$

となります。

(54) 電動機の実出力 P [kW]は、

$$P = T \omega \quad [\text{W}]$$

で計算できます。

ここで角速度 ω [rad/s]、トルク T [Nm]です。

(55) 直流分巻電動機の起電力

直流分巻電動機の誘導起電力 E [V]は、 k を比例定数とすると磁束 Φ [Wb]、回転速度 N [min⁻¹]の間に、次の関係があります。

$$E = k \Phi N \quad [\text{V}]$$

(56) 照度と光束の関係

光束 F [lm]の均等放射光源が、透過率 τ のすりガラスを透過した光束で面積 S [m²]の完全拡散性白色紙を一様に照射したときの照度 E [lx]は、

$$E = \frac{F \tau}{S} \quad [\text{lx}]$$

となります。

(57) 透過率 τ を通過した光の光束発散度

透過率が τ のすりガラスを通過する光束発散度 M [lm/m²]は、

$$M = E \tau \quad [\text{lm/m}^2]$$

となります。

(58) 光束発散度 M [lm/m²]と輝度 L [cd/m²]の関係

完全拡散面において、光束発散度 M [lm/m²]と輝度 L [cd/m²]の間には、

$$M = \pi L \quad [\text{lm/m}^2]$$

の関係があります。

(59) 需要率、不等率、負荷率は、

$$\text{需要率} = \frac{\text{最大需要電力[kVA]}}{\text{負荷設備容量[kW]}}$$

$$\text{不等率} = \frac{\text{個々の負荷最大需要電力の和[kW]}}{\text{合成最大需要電力[kW]}}$$

$$\text{負荷率} = \frac{\text{平均需要電力[kW]}}{\text{最大需要電力[kW]}}$$

最大需要電力[kW] = 負荷設備容量[kW] × 需要率
となります。

(60) 合成最大需要電力は、

$$\text{合成最大需要電力[kW]} = \frac{\text{負荷最大需要電力[kW]}}{\text{不等率}}$$

となります。

(61) 最大使用電圧

最大使用電圧は、次の式で計算します。

1,000[V]以下

$$\text{最大使用電圧} = \text{使用電圧} \times 1.15 \quad [\text{V}]$$

1,000[V]を超え 500,000[V]未満

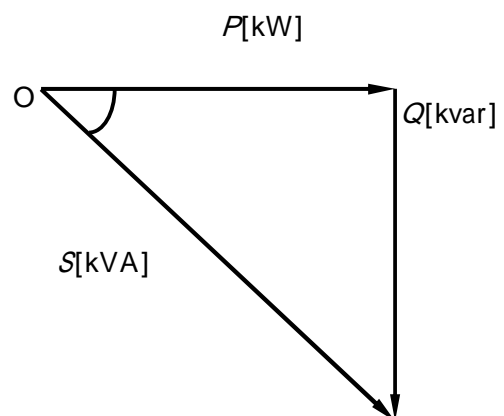
$$\text{最大使用電圧} = \text{使用電圧} \times \frac{1.15}{1.1} \quad [\text{V}]$$

(62) 有効電力 P 、無効電力 Q 、皮相電力 S は、

$$S = P + jQ$$

$$S^2 = P^2 + Q^2$$

の関係にあります。



2017 年 10 月 10 日 初版第 1 刷

無断複製を禁ずる。(非売品)

製作者: 電気と資格の広場

著者: 坂林和重

電気と資格の広場 事務局 Denki & Shikaku
HP: <http://e-denki.jp/> E-mail: info@e-denki.jp

本社: 〒114 - 0022 東京都北区王子本町 1 - 14 - 10 ~ 102
TEL 03-6314-7816(代表) FAX 03-6759-4161

- ・取引銀行: 三菱東京 UFJ 銀行(0005)、王子駅前(763)、普通、
口座番号 0108360398 サカバヤシ カズシゲ
- ・取引銀行: ジャパンネット銀行(0033)、はやぶさ支店(003)、普通、
口座番号 4703834 サカバヤシ カズシゲ

個人情報は、目的外での使用禁止、並びに、秘密厳守といたします。